

Основные формулы

- $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$
- $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$
- $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$
- $\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha = 1$
- $1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$
- $1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$

Формулы сложения и вычитания аргументов

- $\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$
- $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$
- $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$
- $\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta$
- $\operatorname{tg}(\alpha + \beta) = \frac{\operatorname{tg} \alpha + \operatorname{tg} \beta}{1 - \operatorname{tg} \alpha \operatorname{tg} \beta}$
- $\operatorname{tg}(\alpha - \beta) = \frac{\operatorname{tg} \alpha - \operatorname{tg} \beta}{1 + \operatorname{tg} \alpha \operatorname{tg} \beta}$
- $\operatorname{ctg}(\alpha + \beta) = \frac{1 - \operatorname{ctg} \alpha \operatorname{ctg} \beta}{\operatorname{ctg} \alpha + \operatorname{ctg} \beta}$
- $\operatorname{ctg}(\alpha - \beta) = \frac{1 + \operatorname{ctg} \alpha \operatorname{ctg} \beta}{\operatorname{ctg} \alpha - \operatorname{ctg} \beta}$

Формулы двойного угла

- $\sin(2\alpha) = 2 \sin \alpha \cos \alpha$
- $\cos(2\alpha) = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 1 - 2 \sin^2 \alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1$
- $\operatorname{tg}(2\alpha) = \frac{2 \operatorname{tg} \alpha}{1 - \operatorname{tg}^2 \alpha}$

Формулы тройного угла

- $\sin 3\alpha = 3 \sin \alpha - 4 \sin^3 \alpha$
- $\cos 3\alpha = 4 \cos^3 \alpha - 3 \cos \alpha$

Формулы понижения степени

- $\cos^2 \alpha = \frac{1 + \cos 2\alpha}{2}$
- $\sin^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2}$
- $\operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{1 + \cos 2\alpha}$

Формулы половинного угла

- $\cos^2\left(\frac{\alpha}{2}\right) = \frac{1 + \cos \alpha}{2}$
- $\sin^2\left(\frac{\alpha}{2}\right) = \frac{1 - \cos \alpha}{2}$
- $\operatorname{tg}^2\left(\frac{\alpha}{2}\right) = \frac{1 - \cos \alpha}{1 + \cos \alpha}$
- $\operatorname{tg}\left(\frac{\alpha}{2}\right) = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha + 1} = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$
- $\operatorname{ctg}^2\left(\frac{\alpha}{2}\right) = \frac{1 + \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$
- $\operatorname{ctg}\left(\frac{\alpha}{2}\right) = \frac{\cos \alpha + 1}{\sin \alpha} = \frac{\sin \alpha}{1 - \cos \alpha}$

Универсальные тригонометрические подстановки

- $\cos \alpha = \frac{1 - \operatorname{tg}^2(\alpha/2)}{1 + \operatorname{tg}^2(\alpha/2)}$
- $\sin \alpha = \frac{2 \operatorname{tg}(\alpha/2)}{1 + \operatorname{tg}^2(\alpha/2)}$
- $\operatorname{tg} \alpha = \frac{2 \operatorname{tg}(\alpha/2)}{1 - \operatorname{tg}^2(\alpha/2)}$

Формулы суммы и разности

- $\sin \alpha + \sin \beta = 2 \sin\left(\frac{\alpha + \beta}{2}\right) \cos\left(\frac{\alpha - \beta}{2}\right)$
- $\sin \alpha - \sin \beta = 2 \sin\left(\frac{\alpha - \beta}{2}\right) \cos\left(\frac{\alpha + \beta}{2}\right)$
- $\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cos\left(\frac{\alpha + \beta}{2}\right) \cos\left(\frac{\alpha - \beta}{2}\right)$
- $\cos \alpha - \cos \beta = -2 \sin\left(\frac{\alpha + \beta}{2}\right) \sin\left(\frac{\alpha - \beta}{2}\right)$

Формулы произведения

- $\sin \alpha \cos \beta = \frac{1}{2}(\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta))$
- $\cos \alpha \cos \beta = \frac{1}{2}(\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta))$
- $\sin \alpha \sin \beta = \frac{1}{2}(\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta))$

Обратные тригонометрические функции

- $\arcsin(\sin x) = x$ при $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$
- $\sin(\arcsin x) = x$ при $-1 \leq x \leq 1$
- $\arcsin(-x) = -\arcsin x$
- $\arccos(\cos x) = x$ при $0 \leq x \leq \pi$
- $\cos(\arccos x) = x$ при $-1 \leq x \leq 1$
- $\arccos(-x) = \pi - \arccos x$
- $\arcsin x + \arccos x = \frac{\pi}{2}$
- $\operatorname{arctg}(\operatorname{tg} x) = x$ при $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$
- $\operatorname{tg}(\operatorname{arctg} x) = x$ везде
- $\operatorname{arctg}(-x) = -\operatorname{arctg} x$
- $\operatorname{arcctg}(\operatorname{ctg} x) = x$ при $0 < x < \pi$
- $\operatorname{ctg}(\operatorname{arcctg} x) = x$ везде
- $\operatorname{arcctg}(-x) = \pi - \operatorname{arcctg} x$